

Họ, tên thí sinh:

Mã đề thi 108

Số báo danh:

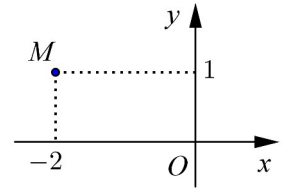
Câu 1. Số phức nào dưới đây có điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là điểm M như hình bên ?

A. $z_1 = 1 - 2i$.

B. $z_3 = -2 + i$.

C. $z_4 = 2 + i$.

D. $z_2 = 1 + 2i$.



Câu 2. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(2; 2; 1)$. Tính độ dài đoạn thẳng OA .

A. $OA = \sqrt{5}$.

B. $OA = 3$.

C. $OA = 9$.

D. $OA = 5$.

Câu 3. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau

x	$-\infty$	-2	2	$+\infty$			
y'		$+$	0	$-$	0	$+$	
y	$-\infty$		3		0		$+\infty$

Tìm giá trị cực đại y_{CD} và giá trị cực tiểu y_{CT} của hàm số đã cho.

A. $y_{CD} = 3$ và $y_{CT} = -2$.

B. $y_{CD} = 3$ và $y_{CT} = 0$.

C. $y_{CD} = 2$ và $y_{CT} = 0$.

D. $y_{CD} = -2$ và $y_{CT} = 2$.

Câu 4. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, phương trình nào dưới đây là phương trình của mặt phẳng (Oyz) ?

A. $z = 0$.

B. $y - z = 0$.

C. $y = 0$.

D. $x = 0$.

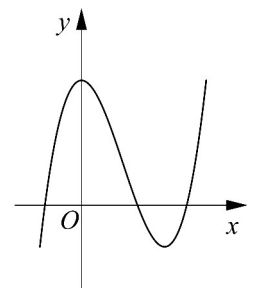
Câu 5. Đường cong ở hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào ?

A. $y = -x^3 + 3x^2 + 1$.

B. $y = x^4 - 2x^2 + 1$.

C. $y = x^3 - 3x^2 + 3$.

D. $y = -x^4 + 2x^2 + 1$.



Câu 6. Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng $(-\infty; +\infty)$?

A. $y = \frac{x+1}{x+3}$.

B. $y = x^3 + x$.

C. $y = -x^3 - 3x$.

D. $y = \frac{x-1}{x-2}$.

Câu 7. Tìm nghiệm của phương trình $\log_2(1-x) = 2$.

A. $x = 5$.

B. $x = -3$.

C. $x = 3$.

D. $x = -4$.

Câu 8. Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{1}{5x-2}$.

A. $\int \frac{dx}{5x-2} = -\frac{1}{2} \ln(5x-2) + C.$

B. $\int \frac{dx}{5x-2} = 5 \ln|5x-2| + C.$

C. $\int \frac{dx}{5x-2} = \ln|5x-2| + C.$

D. $\int \frac{dx}{5x-2} = \frac{1}{5} \ln|5x-2| + C.$

Câu 9. Cho hai số phức $z_1 = 4 - 3i$ và $z_2 = 7 + 3i$. Tìm số phức $z = z_1 - z_2$.

A. $z = 3 + 6i.$

B. $z = -1 - 10i.$

C. $z = -3 - 6i.$

D. $z = 11.$

Câu 10. Cho a là số thực dương khác 1. Mệnh đề nào dưới đây đúng với mọi số thực dương x, y ?

A. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y.$

B. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a(x-y).$

C. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x + \log_a y.$

D. $\log_a \frac{x}{y} = \frac{\log_a x}{\log_a y}.$

Câu 11. Tìm giá trị lớn nhất M của hàm số $y = x^4 - 2x^2 + 3$ trên đoạn $[0; \sqrt{3}]$.

A. $M = 8\sqrt{3}.$

B. $M = 1.$

C. $M = 9.$

D. $M = 6.$

Câu 12. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. Hàm số đồng biến trên khoảng $(0; 2)$.

B. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(2; +\infty)$.

C. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; 0)$.

D. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(0; 2)$.

Câu 13. Tìm số tiệm cận của đồ thị hàm số $y = \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - 1}$.

A. 2.

B. 0.

C. 3.

D. 1.

Câu 14. Cho $\int_{-1}^2 f(x)dx = 2$ và $\int_{-1}^2 g(x)dx = -1$. Tính $I = \int_{-1}^2 [x + 2f(x) - 3g(x)]dx$.

A. $I = \frac{5}{2}.$

B. $I = \frac{17}{2}.$

C. $I = \frac{7}{2}.$

D. $I = \frac{11}{2}.$

Câu 15. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{\ln x}{x}$. Tính $I = F(e) - F(1)$.

A. $I = \frac{1}{e}.$

B. $I = \frac{1}{2}.$

C. $I = e.$

D. $I = 1.$

Câu 16. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, tìm tất cả các giá trị của m để phương trình $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 4z + m = 0$ là phương trình của một mặt cầu.

A. $m < 6.$

B. $m > 6.$

C. $m \geq 6.$

D. $m \leq 6.$

Câu 17. Cho hình phẳng D giới hạn bởi đường cong $y = \sqrt{2 + \sin x}$, trục hoành và các đường thẳng $x = 0, x = \pi$. Khối tròn xoay tạo thành khi quay D quanh trục hoành có thể tích V bằng bao nhiêu?

A. $V = 2(\pi + 1).$

B. $V = 2\pi.$

C. $V = 2\pi^2.$

D. $V = 2\pi(\pi + 1).$

Câu 18. Cho mặt cầu bán kính R ngoại tiếp một hình lập phương cạnh a . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. $a = \frac{2\sqrt{3}R}{3}.$

B. $a = 2\sqrt{3}R.$

C. $a = \frac{\sqrt{3}R}{3}.$

D. $a = 2R.$

Câu 19. Cho khối nón có bán kính đáy $r = \sqrt{3}$ và chiều cao $h = 4$. Tính thể tích V của khối nón đã cho.

- A. $V = 12\pi$. B. $V = 4\pi$. C. $V = 16\pi\sqrt{3}$. D. $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}$.

Câu 20. Cho $\log_a b = 2$ và $\log_a c = 3$. Tính $P = \log_a (b^2 c^3)$.

- A. $P = 108$. B. $P = 30$. C. $P = 13$. D. $P = 31$.

Câu 21. Kí hiệu z_1, z_2 là hai nghiệm phức của phương trình $3z^2 - z + 1 = 0$. Tính $P = |z_1| + |z_2|$.

- A. $P = \frac{\sqrt{14}}{3}$. B. $P = \frac{\sqrt{3}}{3}$. C. $P = \frac{2\sqrt{3}}{3}$. D. $P = \frac{2}{3}$.

Câu 22. Mặt phẳng $(AB'C')$ chia khối lăng trụ $ABC.A'B'C'$ thành các khối đa diện nào ?

- A. Hai khối chóp tứ giác.
 B. Hai khối chóp tam giác.
 C. Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.
 D. Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.

Câu 23. Tính đạo hàm của hàm số $y = \log_2(2x + 1)$.

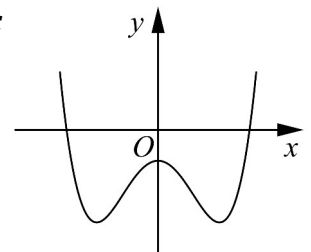
- A. $y' = \frac{2}{2x + 1}$. B. $y' = \frac{2}{(2x + 1)\ln 2}$. C. $y' = \frac{1}{2x + 1}$. D. $y' = \frac{1}{(2x + 1)\ln 2}$.

Câu 24. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(4; 0; 1)$ và $B(-2; 2; 3)$. Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng trung trực của đoạn thẳng AB ?

- A. $3x - y - z = 0$. B. $3x + y + z - 6 = 0$.
 C. $3x - y - z + 1 = 0$. D. $6x - 2y - 2z - 1 = 0$.

Câu 25. Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số $y = ax^4 + bx^2 + c$ với a, b, c là các số thực. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A. Phương trình $y' = 0$ vô nghiệm trên tập số thực.
 B. Phương trình $y' = 0$ có đúng một nghiệm thực.
 C. Phương trình $y' = 0$ có ba nghiệm thực phân biệt.
 D. Phương trình $y' = 0$ có hai nghiệm thực phân biệt.



Câu 26. Rút gọn biểu thức $P = x^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{x}$ với $x > 0$.

- A. $P = \sqrt{x}$. B. $P = x^2$. C. $P = x^{\frac{1}{8}}$. D. $P = x^{\frac{2}{9}}$.

Câu 27. Cho số phức $z = 1 - i + i^3$. Tìm phần thực a và phần ảo b của z .

- A. $a = 0, b = 1$. B. $a = 1, b = -2$. C. $a = -2, b = 1$. D. $a = 1, b = 0$.

Câu 28. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $A(0; -1; 3)$, $B(1; 0; 1)$ và $C(-1; 1; 2)$. Phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường thẳng đi qua A và song song với đường thẳng BC ?

- A. $\begin{cases} x = -2t \\ y = -1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$ B. $x - 2y + z = 0$.
 C. $\frac{x}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-3}{1}$. D. $\frac{x-1}{-2} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{1}$.

Câu 29. Tìm tập nghiệm S của phương trình $\log_{\sqrt{2}}(x - 1) + \log_{\frac{1}{2}}(x + 1) = 1$.

A. $S = \{2 + \sqrt{5}\}$.

B. $S = \left\{ \frac{3 + \sqrt{13}}{2} \right\}$.

C. $S = \{3\}$.

D. $S = \{2 - \sqrt{5}; 2 + \sqrt{5}\}$.

Câu 30. Cho khối lăng trụ đứng $ABC.A'B'C'$ có $BB' = a$, đáy ABC là tam giác vuông cân tại B và $AC = a\sqrt{2}$. Tính thể tích V của khối lăng trụ đã cho.

A. $V = \frac{a^3}{3}$.

B. $V = a^3$.

C. $V = \frac{a^3}{2}$.

D. $V = \frac{a^3}{6}$.

Câu 31. Cho $F(x) = (x - 1)e^x$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)e^{2x}$. Tìm nguyên hàm của hàm số $f'(x)e^{2x}$.

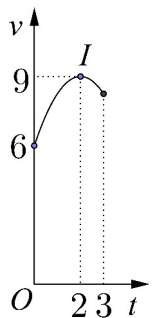
A. $\int f'(x)e^{2x}dx = (2 - x)e^x + C$.

B. $\int f'(x)e^{2x}dx = \frac{2 - x}{2}e^x + C$.

C. $\int f'(x)e^{2x}dx = (x - 2)e^x + C$.

D. $\int f'(x)e^{2x}dx = (4 - 2x)e^x + C$.

Câu 32. Một vật chuyển động trong 3 giờ với vận tốc v (km/h) phụ thuộc thời gian t (h) có đồ thị là một phần của đường parabol có đỉnh $I(2; 9)$ và trục đối xứng song song với trục tung như hình bên. Tính quãng đường s mà vật di chuyển được trong 3 giờ đó.



A. $s = 25, 25$ (km).

B. $s = 26, 75$ (km).

C. $s = 24, 75$ (km).

D. $s = 24, 25$ (km).

Câu 33. Cho hàm số $y = \frac{x + m}{x + 1}$ (m là tham số thực) thỏa mãn $\min_{[1;2]} y + \max_{[1;2]} y = \frac{16}{3}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

A. $2 < m \leq 4$.

B. $0 < m \leq 2$.

C. $m \leq 0$.

D. $m > 4$.

Câu 34. Cho tứ diện đều $ABCD$ có cạnh bằng $3a$. Hình nón (N) có đỉnh A và đường tròn đáy là đường tròn ngoại tiếp tam giác BCD . Tính diện tích xung quanh S_{xq} của (N).

A. $S_{xq} = 12\pi a^2$.

B. $S_{xq} = 6\pi a^2$.

C. $S_{xq} = 3\sqrt{3}\pi a^2$.

D. $S_{xq} = 6\sqrt{3}\pi a^2$.

Câu 35. Cho khối chóp $S.ABCD$ có đáy là hình chữ nhật, $AB = a$, $AD = a\sqrt{3}$, SA vuông góc với đáy và mặt phẳng (SBC) tạo với đáy một góc 60° . Tính thể tích V của khối chóp $S.ABCD$.

A. $V = \frac{a^3}{3}$.

B. $V = a^3$.

C. $V = 3a^3$.

D. $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$.

Câu 36. Cho x, y là các số thực lớn hơn 1 thỏa mãn $x^2 + 9y^2 = 6xy$. Tính

$$M = \frac{1 + \log_{12} x + \log_{12} y}{2\log_{12}(x + 3y)}$$

A. $M = \frac{1}{3}$.

B. $M = \frac{1}{4}$.

C. $M = 1$.

D. $M = \frac{1}{2}$.

Câu 37. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(1; -2; 3)$ và hai mặt phẳng $(P): x + y + z + 1 = 0$, $(Q): x - y + z - 2 = 0$. Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua A , song song với (P) và (Q) ?

- A. $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 \\ z = 3 + 2t \end{cases}$. B. $\begin{cases} x = -1 + t \\ y = 2 \\ z = -3 - t \end{cases}$. C. $\begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \\ z = 3 - 2t \end{cases}$. D. $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 \\ z = 3 - t \end{cases}$.

Câu 38. Đầu năm 2016, ông A thành lập một công ty. Tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm đó tăng thêm 15% so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng ?

- A. Năm 2021. B. Năm 2023. C. Năm 2020. D. Năm 2022.

Câu 39. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau

x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$	
y'	$+$	0	$-$	0	$+$
y	$-\infty$	5	1	$+\infty$	

Đồ thị của hàm số $y = |f(x)|$ có bao nhiêu điểm cực trị ?

- A. 2. B. 4. C. 3. D. 5.

Câu 40. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để phương trình $4^x - 2^{x+1} + m = 0$ có hai nghiệm thực phân biệt.

- A. $m \in (0; +\infty)$. B. $m \in (0; 1]$. C. $m \in (-\infty; 1)$. D. $m \in (0; 1)$.

Câu 41. Tìm giá trị thực của tham số m để hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$ đạt cực đại tại $x = 3$.

- A. $m = -1$. B. $m = -7$. C. $m = 5$. D. $m = 1$.

Câu 42. Cho số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $z + 2 + i = |z|$. Tính $S = 4a + b$.

- A. $S = 4$. B. $S = -4$. C. $S = -2$. D. $S = 2$.

Câu 43. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt cầu

$(S): (x + 1)^2 + (y - 1)^2 + (z + 2)^2 = 2$ và hai đường thẳng $d: \frac{x - 2}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z - 1}{-1}$,

$\Delta: \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z - 1}{-1}$. Phương trình nào dưới đây là phương trình của một mặt phẳng tiếp xúc với

(S) , song song với d và Δ ?

- A. $y + z + 3 = 0$. B. $x + y + 1 = 0$. C. $x + z - 1 = 0$. D. $x + z + 1 = 0$.

Câu 44. Xét khối tứ diện $ABCD$ có cạnh $AB = x$ và các cạnh còn lại đều bằng $2\sqrt{3}$. Tìm x để thể tích khối tứ diện $ABCD$ đạt giá trị lớn nhất.

- A. $x = \sqrt{14}$. B. $x = \sqrt{6}$. C. $x = 2\sqrt{3}$. D. $x = 3\sqrt{2}$.

Câu 45. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để đường thẳng $y = -mx$ cắt đồ thị của hàm số $y = x^3 - 3x^2 - m + 2$ tại ba điểm phân biệt A, B, C sao cho $AB = BC$.

- A. $m \in (-\infty; +\infty)$. B. $m \in (-\infty; -1)$. C. $m \in (1; +\infty)$. D. $m \in (-\infty; 3)$.

Câu 46. Xét các số thực dương a, b thỏa mãn $\log_2 \frac{1-ab}{a+b} = 2ab + a + b - 3$. Tìm giá trị nhỏ nhất P_{\min} của $P = a + 2b$.

A. $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 1}{2}$.

B. $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 3}{2}$.

C. $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 5}{2}$.

D. $P_{\min} = \frac{3\sqrt{10} - 7}{2}$.

Câu 47. Cho mặt cầu (S) có bán kính bằng 4, hình trụ (H) có chiều cao bằng 4 và hai đường tròn đáy nằm trên (S) . Gọi V_1 là thể tích của khối trụ (H) và V_2 là thể tích của khối cầu (S) . Tính tỉ số $\frac{V_1}{V_2}$.

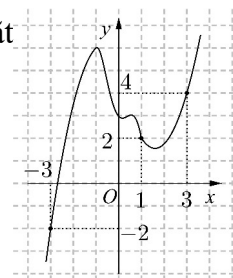
A. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{9}{16}$.

B. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{16}$.

C. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{2}{3}$.

D. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{3}$.

Câu 48. Cho hàm số $y = f(x)$. Đồ thị của hàm số $y = f'(x)$ như hình bên. Đặt $g(x) = 2f(x) - (x + 1)^2$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?



A. $g(3) > g(-3) > g(1)$.

B. $g(1) > g(3) > g(-3)$.

C. $g(-3) > g(3) > g(1)$.

D. $g(1) > g(-3) > g(3)$.

Câu 49. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(4; 6; 2), B(2; -2; 0)$ và mặt phẳng $(P): x + y + z = 0$. Xét đường thẳng d thay đổi thuộc (P) và đi qua B , gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên d . Biết rằng khi d thay đổi thì H thuộc một đường tròn cố định. Tính bán kính R của đường tròn đó.

A. $R = \sqrt{6}$.

B. $R = 2$.

C. $R = \sqrt{3}$.

D. $R = 1$.

Câu 50. Có bao nhiêu số phức z thỏa mãn $|z + 2 - i| = 2\sqrt{2}$ và $(z - 1)^2$ là số thuần ảo?

A. 3.

B. 0.

C. 4.

D. 2.

----- HẾT -----