

Họ, tên thí sinh:

Mã đề thi 110

Số báo danh:

Câu 1. Cho a là số thực dương khác 1. Mệnh đề nào dưới đây đúng với mọi số thực dương x, y ?

- A. $\log_a \frac{x}{y} = \frac{\log_a x}{\log_a y}$. B. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a(x - y)$.
- C. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x + \log_a y$. D. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$.

Câu 2. Cho hai số phức $z_1 = 4 - 3i$ và $z_2 = 7 + 3i$. Tìm số phức $z = z_1 - z_2$.

- A. $z = 3 + 6i$. B. $z = 11$. C. $z = -1 - 10i$. D. $z = -3 - 6i$.

Câu 3. Tìm nghiệm của phương trình $\log_2(1 - x) = 2$.

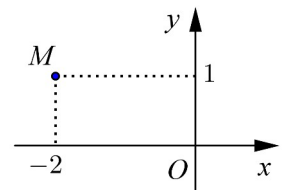
- A. $x = -3$. B. $x = -4$. C. $x = 3$. D. $x = 5$.

Câu 4. Hàm số nào dưới đây đồng biến trên khoảng $(-\infty; +\infty)$?

- A. $y = x^3 + x$. B. $y = -x^3 - 3x$. C. $y = \frac{x+1}{x+3}$. D. $y = \frac{x-1}{x-2}$.

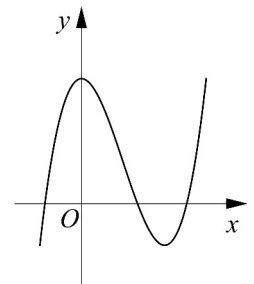
Câu 5. Số phức nào dưới đây có điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là điểm M như hình bên ?

- A. $z_1 = 1 - 2i$. B. $z_2 = 1 + 2i$.
- C. $z_3 = -2 + i$. D. $z_4 = 2 + i$.



Câu 6. Đường cong ở hình bên là đồ thị của một trong bốn hàm số dưới đây. Hàm số đó là hàm số nào ?

- A. $y = x^3 - 3x^2 + 3$.
- B. $y = -x^4 + 2x^2 + 1$.
- C. $y = x^4 - 2x^2 + 1$.
- D. $y = -x^3 + 3x^2 + 1$.



Câu 7. Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{1}{5x-2}$.

- A. $\int \frac{dx}{5x-2} = 5\ln|5x-2| + C$. B. $\int \frac{dx}{5x-2} = \frac{1}{5}\ln|5x-2| + C$.
- C. $\int \frac{dx}{5x-2} = \ln|5x-2| + C$. D. $\int \frac{dx}{5x-2} = -\frac{1}{2}\ln(5x-2) + C$.

Câu 8. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(2; 2; 1)$. Tính độ dài đoạn thẳng OA .

- A. $OA = 3$. B. $OA = 9$. C. $OA = \sqrt{5}$. D. $OA = 5$.

Câu 19. Cho khối nón có bán kính đáy $r = \sqrt{3}$ và chiều cao $h = 4$. Tính thể tích V của khối nón đã cho.

- A. $V = 16\pi\sqrt{3}$. B. $V = \frac{16\pi\sqrt{3}}{3}$. C. $V = 12\pi$. D. $V = 4\pi$.

Câu 20. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2$. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(2; +\infty)$. B. Hàm số đồng biến trên khoảng $(0; 2)$.
C. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(0; 2)$. D. Hàm số nghịch biến trên khoảng $(-\infty; 0)$.

Câu 21. Rút gọn biểu thức $P = x^{\frac{1}{3}} \cdot \sqrt[6]{x}$ với $x > 0$.

- A. $P = x^2$. B. $P = \sqrt{x}$. C. $P = x^{\frac{1}{8}}$. D. $P = x^{\frac{2}{9}}$.

Câu 22. Kí hiệu z_1, z_2 là hai nghiệm phức của phương trình $3z^2 - z + 1 = 0$. Tính $P = |z_1| + |z_2|$.

- A. $P = \frac{\sqrt{14}}{3}$. B. $P = \frac{2}{3}$. C. $P = \frac{\sqrt{3}}{3}$. D. $P = \frac{2\sqrt{3}}{3}$.

Câu 23. Tìm tập nghiệm S của phương trình $\log_{\sqrt{2}}(x-1) + \log_{\frac{1}{2}}(x+1) = 1$.

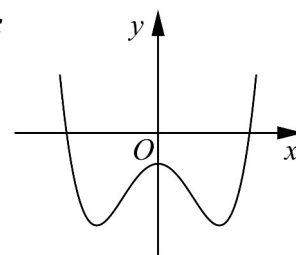
- A. $S = \left\{ \frac{3 + \sqrt{13}}{2} \right\}$. B. $S = \{3\}$.
C. $S = \{2 - \sqrt{5}; 2 + \sqrt{5}\}$. D. $S = \{2 + \sqrt{5}\}$.

Câu 24. Cho số phức $z = 1 - i + i^3$. Tìm phần thực a và phần ảo b của z .

- A. $a = 1, b = -2$. B. $a = -2, b = 1$. C. $a = 1, b = 0$. D. $a = 0, b = 1$.

Câu 25. Đường cong ở hình bên là đồ thị của hàm số $y = ax^4 + bx^2 + c$ với a, b, c là các số thực. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A. Phương trình $y' = 0$ có ba nghiệm thực phân biệt.
B. Phương trình $y' = 0$ có đúng một nghiệm thực.
C. Phương trình $y' = 0$ có hai nghiệm thực phân biệt.
D. Phương trình $y' = 0$ vô nghiệm trên tập số thực.



Câu 26. Cho khối lăng trụ đứng $ABC.A'B'C'$ có $BB' = a$, đáy ABC là tam giác vuông cân tại B và $AC = a\sqrt{2}$. Tính thể tích V của khối lăng trụ đã cho.

- A. $V = \frac{a^3}{6}$. B. $V = \frac{a^3}{3}$. C. $V = \frac{a^3}{2}$. D. $V = a^3$.

Câu 27. Mặt phẳng $(AB'C')$ chia khối lăng trụ $ABC.A'B'C'$ thành các khối đa diện nào ?

- A. Một khối chóp tam giác và một khối chóp tứ giác.
B. Hai khối chóp tam giác.
C. Một khối chóp tam giác và một khối chóp ngũ giác.
D. Hai khối chóp tứ giác.

Câu 28. Cho mặt cầu bán kính R ngoại tiếp một hình lập phương cạnh a . Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A. $a = \frac{2\sqrt{3}R}{3}$. B. $a = 2R$. C. $a = 2\sqrt{3}R$. D. $a = \frac{\sqrt{3}R}{3}$.

Câu 29. Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{\ln x}{x}$. Tính $I = F(e) - F(1)$.

- A. $I = \frac{1}{2}$. B. $I = \frac{1}{e}$. C. $I = 1$. D. $I = e$.

Câu 30. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho ba điểm $A(0; -1; 3)$, $B(1; 0; 1)$ và $C(-1; 1; 2)$. Phương trình nào dưới đây là phương trình chính tắc của đường thẳng đi qua A và song song với đường thẳng BC ?

A.
$$\begin{cases} x = -2t \\ y = -1 + t \\ z = 3 + t \end{cases}$$

B.
$$\frac{x}{-2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-3}{1}.$$

C.
$$\frac{x-1}{-2} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{1}.$$

D. $x - 2y + z = 0.$

Câu 31. Cho x, y là các số thực lớn hơn 1 thỏa mãn $x^2 + 9y^2 = 6xy$. Tính $M = \frac{1 + \log_{12} x + \log_{12} y}{2\log_{12}(x+3y)}$.

A. $M = \frac{1}{2}.$

B. $M = \frac{1}{3}.$

C. $M = \frac{1}{4}.$

D. $M = 1.$

Câu 32. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để phương trình $4^x - 2^{x+1} + m = 0$ có hai nghiệm thực phân biệt.

A. $m \in (-\infty; 1).$

B. $m \in (0; 1].$

C. $m \in (0; 1).$

D. $m \in (0; +\infty).$

Câu 33. Cho số phức $z = a + bi$ ($a, b \in \mathbb{R}$) thỏa mãn $z + 2 + i = |z|$. Tính $S = 4a + b$.

A. $S = 4.$

B. $S = 2.$

C. $S = -2.$

D. $S = -4.$

Câu 34. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(1; -2; 3)$ và hai mặt phẳng $(P): x + y + z + 1 = 0$, $(Q): x - y + z - 2 = 0$. Phương trình nào dưới đây là phương trình đường thẳng đi qua A , song song với (P) và (Q) ?

A.
$$\begin{cases} x = 1 \\ y = -2 \\ z = 3 - 2t \end{cases}$$

B.
$$\begin{cases} x = -1 + t \\ y = 2 \\ z = -3 - t \end{cases}$$

C.
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 \\ z = 3 + 2t \end{cases}$$

D.
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 \\ z = 3 - t \end{cases}$$

Câu 35. Cho hàm số $y = \frac{x+m}{x+1}$ (m là tham số thực) thỏa mãn $\min_{[1;2]} y + \max_{[1;2]} y = \frac{16}{3}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

A. $0 < m \leq 2.$

B. $2 < m \leq 4.$

C. $m \leq 0.$

D. $m > 4.$

Câu 36. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt cầu $(S): (x+1)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2 = 2$ và hai đường thẳng $d: \frac{x-2}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z-1}{-1}$,

$\Delta: \frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{-1}$. Phương trình nào dưới đây là phương trình của một mặt phẳng tiếp xúc với (S) , song song với d và Δ ?

A. $y + z + 3 = 0.$

B. $x + z + 1 = 0.$

C. $x + y + 1 = 0.$

D. $x + z - 1 = 0.$

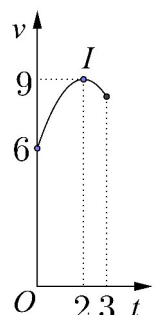
Câu 37. Một vật chuyển động trong 3 giờ với vận tốc v (km/h) phụ thuộc thời gian t (h) có đồ thị là một phần của đường parabol có đỉnh $I(2; 9)$ và trục đối xứng song song với trục tung như hình bên. Tính quãng đường s mà vật di chuyển được trong 3 giờ đó.

A. $s = 26,75$ (km).

B. $s = 25,25$ (km).

C. $s = 24,25$ (km).

D. $s = 24,75$ (km).



Câu 38. Tìm giá trị thực của tham số m để hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (m^2 - 4)x + 3$ đạt cực đại tại $x = 3$.

- A. $m = -1$. B. $m = -7$. C. $m = 5$. D. $m = 1$.

Câu 39. Cho tứ diện đều $ABCD$ có cạnh bằng $3a$. Hình nón (N) có đỉnh A và đường tròn đáy là đường tròn ngoại tiếp tam giác BCD . Tính diện tích xung quanh S_{xq} của (N) .

- A. $S_{xq} = 3\sqrt{3}\pi a^2$. B. $S_{xq} = 6\sqrt{3}\pi a^2$. C. $S_{xq} = 12\pi a^2$. D. $S_{xq} = 6\pi a^2$.

Câu 40. Cho khối chóp $S.ABCD$ có đáy là hình chữ nhật, $AB = a$, $AD = a\sqrt{3}$, SA vuông góc với đáy và mặt phẳng (SBC) tạo với đáy một góc 60° . Tính thể tích V của khối chóp $S.ABCD$.

- A. $V = 3a^3$. B. $V = \frac{\sqrt{3}a^3}{3}$. C. $V = a^3$. D. $V = \frac{a^3}{3}$.

Câu 41. Cho $F(x) = (x - 1)e^x$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)e^{2x}$. Tìm nguyên hàm của hàm số $f'(x)e^{2x}$.

- A. $\int f'(x)e^{2x}dx = (x - 2)e^x + C$. B. $\int f'(x)e^{2x}dx = \frac{2 - x}{2}e^x + C$.
 C. $\int f'(x)e^{2x}dx = (2 - x)e^x + C$. D. $\int f'(x)e^{2x}dx = (4 - 2x)e^x + C$.

Câu 42. Cho hàm số $y = f(x)$ có bảng biến thiên như sau

x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$
y'	$+$	0	$-$	$+$
y	$-\infty$	5	1	$+\infty$

Đồ thị của hàm số $y = |f(x)|$ có bao nhiêu điểm cực trị?

- A. 5. B. 3. C. 4. D. 2.

Câu 43. Đầu năm 2016, ông A thành lập một công ty. Tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong năm 2016 là 1 tỷ đồng. Biết rằng cứ sau mỗi năm thì tổng số tiền dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm đó tăng thêm 15% so với năm trước. Hỏi năm nào dưới đây là năm đầu tiên mà tổng số tiền ông A dùng để trả lương cho nhân viên trong cả năm lớn hơn 2 tỷ đồng?

- A. Năm 2022. B. Năm 2021. C. Năm 2020. D. Năm 2023.

Câu 44. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m để đường thẳng $y = -mx$ cắt đồ thị của hàm số $y = x^3 - 3x^2 - m + 2$ tại ba điểm phân biệt A, B, C sao cho $AB = BC$.

- A. $m \in (1; +\infty)$. B. $m \in (-\infty; 3)$. C. $m \in (-\infty; -1)$. D. $m \in (-\infty; +\infty)$.

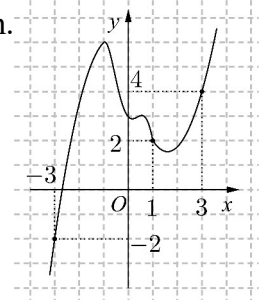
Câu 45. Có bao nhiêu số phức z thỏa mãn $|z + 2 - i| = 2\sqrt{2}$ và $(z - 1)^2$ là số thuần ảo?

- A. 0. B. 2. C. 4. D. 3.

Câu 46. Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(4; 6; 2), B(2; -2; 0)$ và mặt phẳng $(P): x + y + z = 0$. Xét đường thẳng d thay đổi thuộc (P) và đi qua B , gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên d . Biết rằng khi d thay đổi thì H thuộc một đường tròn cố định. Tính bán kính R của đường tròn đó.

- A. $R = 1$. B. $R = \sqrt{6}$. C. $R = \sqrt{3}$. D. $R = 2$.

Câu 47. Cho hàm số $y = f(x)$. Đồ thị của hàm số $y = f'(x)$ như hình bên.



Đặt $g(x) = 2f(x) - (x + 1)^2$. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

- A. $g(3) > g(-3) > g(1)$.
- B. $g(-3) > g(3) > g(1)$.
- C. $g(1) > g(-3) > g(3)$.
- D. $g(1) > g(3) > g(-3)$.

Câu 48. Cho mặt cầu (S) có bán kính bằng 4, hình trụ (H) có chiều cao bằng 4 và hai đường tròn đáy nằm trên (S) . Gọi V_1 là thể tích của khối trụ (H) và V_2 là thể tích của khối cầu (S) . Tính tỉ số $\frac{V_1}{V_2}$.

- A. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{16}$.
- B. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{9}{16}$.
- C. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{2}{3}$.
- D. $\frac{V_1}{V_2} = \frac{1}{3}$.

Câu 49. Xét các số thực dương a, b thỏa mãn $\log_2 \frac{1-ab}{a+b} = 2ab + a + b - 3$. Tìm giá trị nhỏ nhất P_{\min} của $P = a + 2b$.

- A. $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 3}{2}$.
- B. $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 5}{2}$.
- C. $P_{\min} = \frac{3\sqrt{10} - 7}{2}$.
- D. $P_{\min} = \frac{2\sqrt{10} - 1}{2}$.

Câu 50. Xét khối tứ diện $ABCD$ có cạnh $AB = x$ và các cạnh còn lại đều bằng $2\sqrt{3}$. Tìm x để thể tích khối tứ diện $ABCD$ đạt giá trị lớn nhất.

- A. $x = 3\sqrt{2}$.
- B. $x = \sqrt{6}$.
- C. $x = 2\sqrt{3}$.
- D. $x = \sqrt{14}$.

----- HẾT -----