

BÀI TẬP TỰ RÈN LUYỆN Ở NHÀ DÀNH CHO HỌC SINH KHỐI 10

BẤT PHƯƠNG TRÌNH CHỨA CĂN CƠ BẢN

- $\sqrt{A} > \sqrt{B} \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A > B \end{cases}$
- $\sqrt{A} < B \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ B \geq 0 \\ A < B^2 \end{cases}$
- $\sqrt{A} > B \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ B \leq 0 \\ B \geq 0 \\ A > B^2 \end{cases}$
- $\sqrt{A} \geq \sqrt{B} \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A \geq B \end{cases}$
- $\sqrt{A} \leq B \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ B \geq 0 \\ A \leq B^2 \end{cases}$
- $\sqrt{A} \geq B \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ B \leq 0 \\ B \geq 0 \\ A \geq B^2 \end{cases}$

Bài tập

Giải các bất phương trình sau

- 1/ $\sqrt{x^2 + 2x + 4} > \sqrt{2 - x}$ ĐS: $S = (-\infty; -2) \cup (-1; 2]$
- 2/ $\sqrt{3x - 17} \geq \sqrt{x^2 - 4x - 5}$ ĐS: $S = \{3; 4\}$
- 3/ $\sqrt{x^2 - 1} < \sqrt{x^2 - 2x + 8}$ ĐS: $S = (-\infty; -1] \cup \left[1; \frac{9}{2}\right)$
- 4/ $2\sqrt{x^2 - 3} \geq \sqrt{3x - 2}$ ĐS: $S = [2; +\infty)$
- 5/ $\sqrt{x^2 + x - 12} < 8 - x$ ĐS: $S = (-\infty; -4] \cup \left[3; \frac{76}{17}\right)$
- 6/ $\sqrt{3x^2 - 9x + 1} \leq x - 2$ ĐS: $S = \left[3; \frac{5 + \sqrt{57}}{4}\right]$
- 7/ $x - \sqrt{2x - 5} > 4$ ĐS: $S = (7; +\infty)$
- 8/ $\sqrt{5x + 10} \leq 8 - x$ ĐS: $S = [0; 33 - 5\sqrt{41}]$
- 9/ $\sqrt{2x - 3} > x - 3$ ĐS: $S = \left[\frac{3}{2}; 6\right)$

$$10/ \sqrt{x^2 - 3x - 10} \geq x - 2$$

$$\text{ĐS} : S = (-\infty; -2] \cup [14; +\infty)$$

$$11/ x - \sqrt{3x^2 + 13x + 4} - 2 < 0$$

$$\text{ĐS} : S = (-\infty; -4] \cup \left[\frac{-1}{3}; +\infty \right)$$

$$12/ 2\sqrt{x^2 - x - 12} \geq 4 - x$$

$$\text{ĐS} : S = \left(-\infty; -\frac{16}{3} \right] \cup [4; +\infty)$$

TAM THỨC BẬC HAI KHÔNG ĐỔI DẤU TRÊN \mathbb{R}

Cho $f(x) = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$). Khi đó

$$\bullet f(x) > 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a > 0 \\ \Delta < 0 \end{cases}$$

$$\bullet f(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a > 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$$

$$\bullet f(x) < 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta < 0 \end{cases}$$

$$\bullet f(x) \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$$

Bài tập

Tìm m để

$$1/ x^2 - 2(m+1)x - m^2 + 3m + 2 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$2/ 3x^2 - (m+4)x - 2m^2 + 3m + 5 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$3/ x^2 - 2mx + m^2 + 4m - 4 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$4/ x^2 - (2m-1)x + 4m^2 + 4m - 11 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$5/ -x^2 - 2(m+1)x - 2m^2 - 2 < 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$6/ -2x^2 - (m+4)x - m^2 + 5m - 2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$7/ -x^2 - 2mx + m^2 - 4m < 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$8/ -x^2 + (2m+1)x + 4m^2 - 4m - 7 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$9/ x^2 - 2(m-1)x - m^2 + 3 < 0 \text{ vô nghiệm}$$

$$10/ -x^2 + 2mx - 2m^2 + 3m - 2 \geq 0 \text{ vô nghiệm}$$

PHƯƠNG TRÌNH ĐƯỜNG THẲNG

- Vectơ chỉ phương (VTCP) của đường thẳng (d) là vectơ có giá song song hoặc trùng với đường thẳng (d)
- Vectơ pháp tuyến (VTPT) của đường thẳng (d) là vectơ có giá vuông góc với đường thẳng (d)
- Nếu đường thẳng (d) có VTCP $\vec{u} = (u_1; u_2)$ thì VTPT là $\vec{n} = (u_2; -u_1)$
- Nếu đường thẳng (d) có VTPT $\vec{n} = (A; B)$ thì VTCP là $\vec{u} = (B; -A)$
- Nếu đường thẳng (d) có hệ số góc k thì VTCP là $\vec{u} = (1; k)$
- $(d) \begin{cases} \text{qua } M(x_0; y_0) \\ \text{VTCP } \vec{u} = (u_1; u_2) \end{cases}$ có phương trình tham số là $(d): \begin{cases} x = x_0 + u_1 t \\ y = y_0 + u_2 t \end{cases}$
- $(d) \begin{cases} \text{qua } M(x_0; y_0) \\ \text{VTPT } \vec{n} = (A; B) \end{cases}$ có phương trình tổng quát là $(d): A(x - x_0) + B(y - y_0) = 0$

Bài tập

Lập phương trình tham số và tổng quát của các đường thẳng sau

- 1/ (d_1) qua điểm $A(1; 3)$ và có VTCP $\vec{u} = (1; -2)$
- 2/ (d_2) qua điểm $B(1; 3)$ và có VTPT $\vec{n} = (3; 1)$
- 3/ (d_3) qua điểm $C(-1; 0)$ và có hệ số góc $k = -1$
- 4/ (d_4) qua 2 điểm $D(3; -1)$ và $E(2; 3)$
- 5/ (d_5) qua điểm $F(3; -4)$ và song song với đường thẳng $\Delta: \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 3 + 4t \end{cases}$
- 6/ (d_6) qua điểm $G(1; -1)$ và song song với đường thẳng $\Delta: 3x - 4y + 1 = 0$
- 7/ (d_7) qua điểm $H(-2; 3)$ và vuông góc với đường thẳng $\Delta: \begin{cases} x = t \\ y = -3 + t \end{cases}$
- 8/ (d_7) qua điểm $I(2; 0)$ và vuông góc với đường thẳng $\Delta: x - 2y - 3 = 0$